



例題と解説

例題1

右図のように数が並んでいます。例えば15は2行目の4列目の数です。

このとき次の問いに答えなさい。

- (1) 3行目の9列目の数はいくつですか。
- (2) 10行目の8列目の数はいくつですか。
- (3) 300は何行目の何列目の数ですか。

	1 列 目	2 列 目	3 列 目	4 列 目	5 列 目	...
1 行目	1	4	9	16		
2 行目	2	3	8	15		
3 行目	5	6	7	14		
4 行目	10	11	12	13		
5 行目	17	18	19	...		
⋮						

答え (1) 79 (2) 89 (3) 18行目の11列目

[例題1の解説]

数が表のように並んでいるものを^{すうひょう}数表とといいます。

数が四角に並んでいるときは四角数、三角に並んでいるときは三角数に着目すると、多くの場合で解きやすくなります。

- (1) 四角に並んでいるので右図のように四角数に着目します。
1行目の○列目は $\bigcirc \times \bigcirc$ になっていることがわかります。
これをもとに3行目9列目の数を調べます。

3行目9列目は1行目9列目の2個下です。

1行目9列目は $9 \times 9 = 81$

3行目9列目は81より2小さいので

$81 - 2 = 79$

	1 列 目	...	9 列 目
1 行目	1		81
⋮			↑ +2
3 行目			□

	1 列 目	2 列 目	3 列 目	4 列 目	5 列 目	...
1 行目	1	4	9	16		
2 行目	2	3	8	15		
3 行目	5	6	7	14		
4 行目	10	11	12	13		
5 行目	17	18	19	...		
⋮						

※ $81 + 2 = 83$ としないようにしましょう。問題ごとに数字が並んでいる向きに注意しましょう。



例題と解説

(2) 1行目○列目は $\bigcirc \times \bigcirc$ です。

1列目の縦に並んだ数は四角数に1を足した数になっています。

例えば、1行目3列目は $3 \times 3 = 9$ です。4行目1列目は $9 + 1 = 10$ です。

10行目8列目は10行目1列目の7個右です。

10行目1列目は $9 \times 9 + 1 = 82$

10行目8列目は82より7大きいので

$82 + 7 = 89$

	1 列 目	...	9 列 目
1行目	1		81
⋮			
10行目	82		□

$\xrightarrow{+7}$

(3) 300に近い四角数を探します。

$17 \times 17 = 289$, $18 \times 18 = 324$ より300に近い四角数は $17 \times 17 = 289$ です。

289は1行目17列目にあります。

その次の290は18行目1列目にあります。

右図のように300は290の10個右です。

1列目の10個右なので $1 + 10 = 11$ (列目)

よって300は18行目の11列目

	1 列 目	2 列 目	3 列 目	4 列 目	5 列 目	...
1行目	1	4	9	16		
2行目	2	3	8	15		
3行目	5	6	7	14		
4行目	10	11	12	13		
5行目	17	18	19	...		
⋮						

	1 列 目	...	17 列 目
1行目	1		289
⋮			
17行目			
18行目	290		300

$\xrightarrow{+10}$

※四角に並んだ数表では、四角数か四角数の次の数（1を足した数）に着目して目的の数に近づいていきましょう。



例題と解説

例題2

右図のように数が並んでいます。例えば17は5行目の2列目の数です。

このとき次の問いに答えなさい。

- (1) 2行目の7列目の数はいくつですか。
- (2) 8行目の3列目の数はいくつですか。
- (3) 280は何行目の何列目の数ですか。

	1 列 目	2 列 目	3 列 目	4 列 目	5 列 目	...
1 行目	1	3	6	10	15	
2 行目	2	5	9	14		
3 行目	4	8	13			
4 行目	7	12	∴			
5 行目	11	17				
∴	16					

答え (1) 35 (2) 48 (3) 21行目の4列目

[例題2の解説]

- (1) 三角に並んでいるので右図のように三角数に着目します。

1行目の○列目は $1 + \dots + \bigcirc$ になっていることがわかります。

これをもとに3行目9列目の数を調べます。

2行目7列目は1行目8列目の1個ななめ下です。

1行目8列目は $(1+8) \times 8 \div 2 = 36$

2行目7列目は36より1小さいので

$36 - 1 = 35$

	1 列 目	...	7 列 目	8 列 目
1 行目	1			36
2 行目			□	+1

	1 列 目	2 列 目	3 列 目	4 列 目	5 列 目	...
1 行目	1	3	6	10	15	
2 行目	2	5	9	14		
3 行目	4	8	13			
4 行目	7	12	∴			
5 行目	11	17				
∴	16					



例題と解説

(2) 1行目○列目は $1+\dots+○$ です。

1列目の縦に並んだ数は三角数に1を足した数になっています。

例えば、1行目4列目は $1+2+3+4=10$ です。

5行目1列目は $10+1=11$ です。

8行目3列目は10行目1列目の2個ななめ上です。

1行目9列目は $(1+9)\times 9\div 2=45$

10行目1列目は $45+1=46$

8行目3列目は46より2大きいので

$46+2=48$

	1 列 目	...	3 列 目	...	9 列 目
1行目	1				45
⋮					
8行目			□		
9行目					
10行目	46				

Diagram description: A grid showing the relationship between numbers in different rows and columns. An arrow points from the value 45 in the 1st row, 9th column to a square in the 8th row, 3rd column. Another arrow points from the value 46 in the 10th row, 1st column to the same square, with '+ 2' written next to it.

	1 列 目	2 列 目	3 列 目	4 列 目	5 列 目	...
1行目	1	3	6	10	15	
2行目	2	5	9	14		
3行目	4	8	13			
4行目	7	12	⋮			
5行目	11	17				
⋮	16					

(3) 280に近い三角数を探します。

$(1+23)\times 23\div 2=276$, $(1+24)\times 24\div 2=300$

よって280に近い三角数は $1+2+\dots+23=276$ です。

276は1行目23列目にあります。

その次の277は24行目1列目にあります。

右図のように280は277の3個ななめ上です。

3個ななめ上というのは 3個上 , 3個右 です。

$24-3=21$ (行目) , $1+3=4$ (列目)

よって280は21行目の4列目

	1 列 目	...	23 列 目
1行目	1		276
⋮			
23行目			□
24行目	277		

Diagram description: A grid showing the relationship between numbers in different rows and columns. An arrow points from the value 276 in the 1st row, 23rd column to a square in the 23rd row, 23rd column. Another arrow points from the value 277 in the 24th row, 1st column to the same square, with '+ 3' written next to it.



例題と解説

例題3

右図のように数が並んでいます。例えば14は3行目の4列目の数です。

このとき次の問いに答えなさい。

- (1) 4行目の11列目の数はいくつですか。
(2) 230は何行目の何列目の数ですか。

	1 列 目	2 列 目	3 列 目	4 列 目	5 列 目	...
1行目	1	4	5	16	17	...
2行目	2	3	6	15	18	...
3行目	9	8	7	14	19	...
4行目	10	11	12	13	⋮	...
5行目						...
⋮						...

答え (1) 104 (2) 16行目の5列目

[例題3の解説]

- (1) 四角に並んでいるので右図のように四角数に着目します。

$4 \times 4 = 16$ のように1行目偶数列目は○列目とすると ○×○

$5 \times 5 = 25$ のように奇数行目1列目は○行目とすると ○×○

となっていることがわかります。

4行目11列目は1行目11列目の3個下です。

1行目10列目は $10 \times 10 = 100$ なので

1行目11列目は $100 + 1 = 101$

4行目11列目は101より3大きいので

$101 + 3 = 104$

	1 列 目	...	10 列 目	11 列 目
1行目	1		100	101
⋮				↓ +3
4行目				□

	1 列 目	2 列 目	3 列 目	4 列 目	5 列 目	...
1行目	1	4	5	16	17	36
2行目	2	3	6	15	18	...
3行目	9	8	7	14	19	...
4行目	10	11	12	13	20	...
5行目	25	24	23	22	21	...
⋮						...

※ $101 - 3 = 98$ としないようにしましょう。数字が並んでいる向きに注意しましょう。



例題と解説

(2) 230に近い四角数を探します。

$15 \times 15 = 225$, $16 \times 16 = 256$ より230に近い四角数は $15 \times 15 = 225$ です。

15は奇数なので15行目1列目が225であることがわかります。

右図のように226は16行目1列目です。

230は226より4個右なので、230は16行目の5列目です。

	1 列 目	...
1行目	1	
⋮		
15行目	225	
16行目	226	→ 230 +4



例題と解説

例題4

右図のように数が並んでいます。

このとき次の例のように1をもとにして数の位置を表すことにします。

(例) 17は1から下に2、右に2なので(下2, 右2)の位置にあります。

26は1から上に3、左に2なので(上3, 左2)の位置にあります。

次の問いに答えなさい。

- (1) (上5, 左3)の位置にある数を求めなさい。
- (2) 142の位置を(例)のように答えなさい。

	26	27	28	29	30	31	
	25	10	11	12	13	32	
	24	9	2	3	14	33	
	23	8	1	4	15	34	
	22	7	6	5	16	35	
	21	20	19	18	17	36	
			...	39	38	37	

答え (1) 83 (2) (下3, 右6)

[例題4の解説]

- (1) 四角に並んでいるので右図のように四角数に着目します。
左上にはななめに奇数の四角数が並んでいます。
右下にはななめに偶数の四角数が並んでいます。

(上5, 左3)に近い四角数がある位置は

(上5, 左5), (上4, 左4)です。

$$(上5, 左5) = 11 \times 11 = 121$$

$$(上4, 左4) = 9 \times 9 = 81$$

(上5, 左3)は右図の位置なので

$$81 + 1 + 1 = 83$$

	左5	左4	左3
上5	121	+1	→ □
上4		81	

	50	51	52	53	54	55	56	57
49	26	27	28	29	30	31	58	
48	25	10	11	12	13	32	59	
47	24	9	2	3	14	33	60	
46	23	8	1	4	15	34	61	
45	22	7	6	5	16	35	62	
44	21	20	19	18	17	36	63	
43	42	41	40	39	38	37	64	
						...	65	



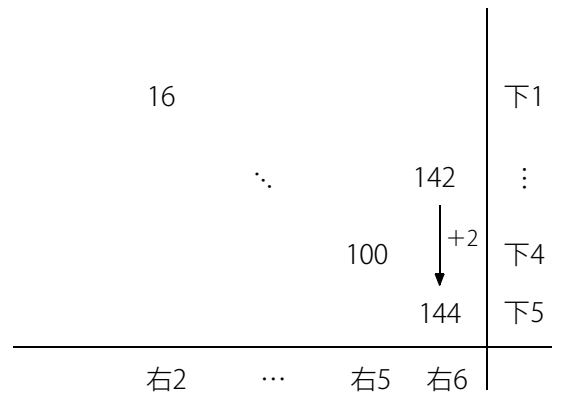
例題と解説

(2) $11 \times 11 = 121$, $12 \times 12 = 144$ より140に近い四角数は $12 \times 12 = 144$ です。

12は偶数なので144は右下の方向にあります。

偶数は 2 , 4 , 6 , 8 , 10 , 12 , ... なので 12×12 の144は
右図の位置 (下5 , 右6) にあります。

142は144の2個上なので (下3 , 右6)





例題と解説

例題5

右図のように数が並んでいます。例えば5段目の左から3番目は6です。

このとき次の問いに答えなさい。

- (1) 8段目の左から2番目の数を求めなさい。
- (2) 20段目の左から3番目の数を求めなさい。
- (3) 13段目のすべての数の和を求めなさい。

1段目			1					
2段目			1	1				
3段目			1	2	1			
4段目			1	3	3	1		
5段目			1	4	6	4	1	
6段目			1	5	10	10	5	1
			∴		∴		∴	

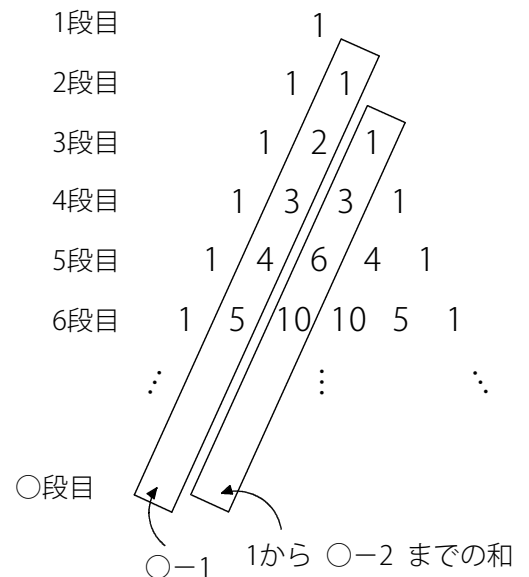
答え (1) 7 (2) 171 (3) 4096

[例題5の解説]

それぞれの段の左端と右端は1になっていて、間の数は上の段の2つの数の和になっています。

このように数を並べたものを**パスカルの三角形**と言います。

- (1) パスカルの三角形ではそれぞれの段の2番目が2段目の1から1, 2, 3, 4, 5, … となっています。
つまり○段目の2番目は $\text{○}-1$ です。
よって8段目の2番目は $8-1=7$
- (2) パスカルの三角形ではそれぞれの段の3番目が3段目の1から1, 3, 6, 10, … となっています。
つまり三角数で、○段目の3番目は $1+2+\dots+(\text{○}-2)$ です。
よって20段目の3番目は $1+2+\dots+18=(1+18)\times 18\div 2=171$





例題と解説

(3) それぞれの段の和を求めると右図のようになります。	1段目	1	和
	2段目	1 1	2
和は1段目から 1, 2, 4, 8, 16, 32, ...	3段目	1 2 1	$4=2 \times 2$
	4段目	1 3 3 1	$8=2 \times 2 \times 2$
つまり○段目の和は2を ○-1回 かけた数になっていることがわかります。	5段目	1 4 6 4 1	$16=2 \times 2 \times 2 \times 2$
	6段目	1 5 10 10 5 1	$32=2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$
	∴	∴	∴

※ このように同じ数を何回かかけてできる数を^{じょうすう}るい乗数といいます。

13段目の数の和は2を $13-1=12$ (回) かけてできる数です。

よって $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 4096$

※2のるい乗数についてまとめておきます。

2, 4, 8, 16, 32, 64, 128, 256, 512, 1024, ...

2を10回かけると1024になります。覚えておきましょう。

$(2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2) \times 2 \times 2 = 1024 \times 4 = 4096$

※パスカルの三角形についてまとめておきます。

それぞれの段の左から2番目(または右から2番目)の数は2段目から 1, 2, 3, 4, 5, 6, ...

○段目の2番目は ○-1

それぞれの段の左から3番目(または右から3番目)の数は3段目から 1, 3, 6, 10, 15, ... (三角数)

○段目の3番目は1から ○-2 までの和

それぞれの段のすべての数の和は2のるい乗数

○段目のすべての数の和は2を ○-1回 かけてできる数



例題と解説

例題6

右図のように数が並んでいます。例えば22は4段目の左から2番目の数です。

このとき次の問いに答えなさい。

- (1) 10段目の右端の^{はし}数を求めなさい。
(2) 250は何段目の左から何番目ですか。

1段目	2	4				
2段目	6	8	10			
3段目	12	14	16	18		
4段目	20	22	24	26	28	
5段目	30	32	34	36	38	40
6段目	42	44	...			
	⋮					

答え (1) 130 (2) 15段目の左から6番目

[例題6の解説]

- (1) 右端の数は1段目から 4, 10, 18, 28, 40, ... となっています。

差に着目すると 6, 8, 10, 12, ... となっており、
階差数列が等差数列になっていることがわかります。

10段目なので階差数列は9番目の $6+2\times(9-1)=22$ までです。

つまり10段目の右端の数は

$$4+(6+8+10+\dots+22)=4+(6+22)\times 9\div 2=130$$

- (2) 右端の数で250に近い数を探します。

$4+(6+30)\times 13\div 2=238$ より14段目の右端が238であることがわかります。

※階差数列は6からはじまって2ずつ増える等差数列なので、数の個数は $(30-6)\div 2+1=13$ (個) となります。

15段目は 240, 242, 244, 246, 248, 250, ... なので250は15段目の左から6番目

1段目	2	4	↘ ⁶			
2段目	6	8	10	↘ ⁸		
3段目	12	14	16	18	↘ ¹⁰	
4段目	20	22	24	26	28	↘ ¹²
5段目	30	32	34	36	38	40
6段目	42	44	...			
	⋮					



ポイントまとめ

- 数が表のように並んでいるものを^{すうひょう}数表とといいます。
- 数が四角に並んでいるときは四角数、三角に並んでいるときは三角数に着目すると、多くの場合で解きやすくなります。
- 数表では数字が並んでいる向きに注意しましょう。
- 同じ数を何回かかけてできる数を^{じょうすう}るい乗数とといいます。
- 2を10回かけると1024になります。
- パスカルの三角形についてまとめておきます。

それぞれの段の2番目の数は2段目から 1, 2, 3, 4, 5, 6, …

○段目の2番目は $\text{○}-1$

それぞれの段の3番目の数は3段目から 1, 3, 6, 10, 15, … (三角数)

○段目の3番目は1から $\text{○}-2$ までの和

それぞれの段のすべての数の和は2の^{るい}乗数

○段目のすべての数の和は2を $\text{○}-1$ 回 かけてできる数