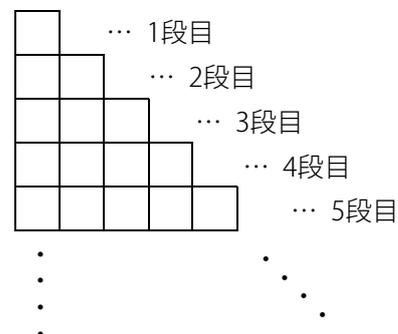




例題 1

右図のように正方形を並べていきます。このとき次の問いに答えなさい。

- (1) 10段目には何個の正方形がありますか。
- (2) 1段目から10段目までに全部で何個の正方形がありますか。



答え (1) 10個 (2) 55個

[例題 1 の解説]

- (1) 1段目には1個、2段目には2個、というふうに並んでいるので○段目には○個の正方形があることがわかります。よって10段目には10個の正方形があります。
- (2) 1段目には1個、2段目には2個、…、10段目には10個の正方形があるので、
(1段目から10段目の正方形の個数) $=1+2+3+4+5+6+7+8+9+10$ となります。

1, 2, 3, 4, …, 10は1ずつ増える等差数列になっています。

(等差数列の和) $=\frac{(\text{最初の数})+(\text{最後の数})}{2} \times (\text{数の個数})$ より $(1+10) \times 10 \div 2 = 55$

1段目から10段目までに55個の正方形があることがわかります。

$$\begin{array}{cccccccccccc}
 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 & 10 \\
 + & 10 & 9 & 8 & 7 & 6 & 5 & 4 & 3 & 2 & 1 \\
 \hline
 & 11 & 11 & 11 & 11 & 11 & 11 & 11 & 11 & 11 & 11
 \end{array}$$

上図より $(1+10) \times 10$ が1から10までの和の2倍になっているので、等差数列の和の公式が使えることがわかります。



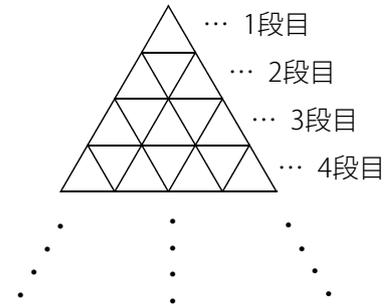
例題 2

右図のように正三角形を並べていきます。

1段目には1個、2段目には3個の正三角形が並んでいます。

このとき次の問いに答えなさい。

- (1) 5段目には何個の正三角形がありますか。
- (2) 1段目から5段目までに全部で何個の正三角形がありますか。
- (3) 1段目から8段目までに全部で何個の正三角形がありますか。



答え (1) 9個 (2) 25個 (3) 64個

[例題 2 の解説]

- (1) 表にまとめます。

○段目	1	2	3	4	5	6	7	8
正三角形の個数	1	3	5	7	9	11	13	15

2個 2個 2個 2個 2個 2個 2個

上の表より正三角形の個数は2個ずつ増えていることがわかります。よって5段目には正三角形が9個あります。

(別解)

○段目には $(2 \times \bigcirc - 1)$ 個の正三角形が並んでいることが上の表からわかります。

よって、5段目には、 $2 \times 5 - 1 = 9$ 個の正三角形が並んでいます。



(2) $1+3+5+7+9=25$ 個

(別解)

正三角形の個数は1段目から1個、3個、5個、7個、…となっているので、差が2の等差数列であることがわかります。

1段目は1個、5段目は9個なので、(等差数列の和) = ((最初の数) + (最後の数)) × (数の個数) ÷ 2より

$$(1\text{段目から}5\text{段目までの正三角形の個数}) = (1+9) \times 5 \div 2 = 25\text{個}$$

(3) $1+3+5+7+9+11+13+15=64$ 個

(別解)

1段目は1個、8段目は $2 \times 8 - 1 = 15$ 個なので、(等差数列の和) = ((最初の数) + (最後の数)) × (数の個数) ÷ 2より

$$(1+15) \times 8 \div 2 = 64\text{個}$$

ポイントまとめ

$$\cdot (\text{等差数列の和}) = ((\text{最初の数}) + (\text{最後の数})) \times (\text{数の個数}) \div 2$$